## MATEMÁTICA I

**CÓDIGO:** 0234

PROFESOR/A RESPONSABLE: Gelonch Anyé, José

### **OTRO PROFESORADO:**

Bailo Ballarín, Esteban Cecilia Averós, Juan Giné Mesa, Jaume

**DEPARTAMENTO:** Matemàtica

**CRÉDITOS:** 3 T + 1.5 P **CUATRIMESTRE:** 1

OFERTADA COMO LIBRE ELECCIÓN: NO

**CO-REQUISITOS** 

## ES CO-REQUISITO DE

0235 Matemática II

#### TITULACIONES DONDE SE IMPARTEN LA ASIGNATURA:

Ing. Técnica en Explotaciones Agropecuarias – TR

Ing. Técnica en Explotaciones Forestales - TR

Ing. Técnica en Hortofruticultura y Jardinería - TR

Ing. Técnica en Industrias Agrarias y Alimentarías - TR

Ing. Técnica en Industrias Forestales – TR

Ing. Técnica en Mecanización y Construcciones Rurales - TR

#### **OBJETIVOS**

- 1.- Definición de la estructura del espacio vectorial y aplicaciones lineales, hasta llegar a la diagonalización de endomorfismos.
- 2.- Ampliación del cálculo en una variable.

## **METODOLOGÍA**

El número de estudiantes impone la clase magistral, tanto en la parte de teoría como en la de prácticas.

### **PROGRAMA/TEMARIO**

PARTE I: ÁLGEBRA

TEMA 1: ESPACIOS VECTORIALES. SUBESPACIOS.

Definición. Ejemplos. Propiedades que se deducen de la definición.

Combinación lineal. Dependencia e independencia lineal.

Conjunto generador. Espacio finito generador. Bases. Existencia de bases en los espacios finitos generados.

Teoremas sobre generación y bases. Dimensión. Cambio de base.

Subespacios. Subespacio engendrado. Dimensión de un espacio. Operaciones con subespacios: intersección y suma: suma directa.

TEMA 2: APLICACIONES LINEALES.

Definición y propiedades. Monomorfismo, epimorfismo, isomorfismo.

Núcleo e imagen. Caracterizaciones de las aplicaciones lineales según el núcleo y la imagen. Antiimagen.

Imagen y antiimagen de un subespacio.

Bases y aplicaciones lineales. Rango. Operaciones.

#### TEMA 3: MATRICES Y APLICACIONES LINEALES.

Definición de matriz. Tipos de matrices. Operaciones.

Matriz asociada a una familia de vectores.

Rango de una matriz. Transformaciones elementales.

Transposición: matrices simétricas y antisimétricas.

Matrices invertibles: cálculo de la matriz inversa por transformaciones elementales.

Matriz de una aplicación lineal.

Matriz de cambio de base. Cambio de base en aplicaciones lineales.

Matriz de la composición.

#### TEMA 4. DIAGONALIZACIÓN DE MATRICES Y ENDOFORMISMOS.

Polinomios de matrices. Polinomio característico. Teorema de Cayley-Hamilton.

Valores propios y vectores propios. Subespacios propios. Cálculo de los valores propios. Cálculo de los vectores propios.

Diagonalización. Teorema fundamental de diagonalización.

Aplicaciones de la diagonalización.

### PARTE II: CÁLCULO.

#### TEMA 5: SUCESIONES.

Definición y ejemplos.

Límite de una sucesión. Sucesiones convergentes. Propiedades.

Sucesiones regulares. Algunos criterios de convergencia y cálculo de límites.

Sucesiones equivalentes.

### TEMA 6. SERIES.

Concepto y notaciones. Series convergentes. Teorema de Cauchy. Condición necesaria de convergencia. Criterios de comparación.

La serie geométrica. Criterio de compactación. Series de Riemann.

Series de términos positivos: criterios de convergencia.

Convergencia absoluta. Series alternadas. Cálculo de la suma de algunas series.

Series enteras: radio y campo de convergencia.

#### TEMA 7. FUNCIONES: LÍMITE Y CONTINUIDAD.

Concepto de función. Dominio y recorrido. Funciones monótonas, operaciones con funciones. Componentes de una función vectorial.

Límite de una función en un punto: unicidad. Límite por sucesiones, límites direccionales. Operaciones y límites. Límites infinitos y en el infinito. Cálculo de límites. Formas indeterminadas.

Función continua en un punto y en un conjunto. Reducción al caso real. Propiedades de las funciones continuas.

## PALABRAS CLAVE

Espacios vectoriales, subespacios vectoriales, aplicaciones lineales, diagonalización, sucesiones, series, continuidad.

## SISTEMA DE EVALUACIÓN

Examen final dividido en dos parte. La primera, compuesta de cuestiones teóricoprácticas, es un 40% de la nota final. La segunda, compuesta por problemas, con el 60% restante.

## **BIBLIOGRAFÍA BÁSICA**

ESPADA, E. – 1983 – Problemas resueltos de álgebra (2 volúmenes) – Eunibar

LANG, S. – 1990 – Introducción al álgebra lineal. Addison Wesley Iberoamericana.

PUERTA, F. – 1990 – Álgebra lineal – Centre de Publicacions d'abast (CPDA)

ROJO, J. – 1986 – Álgebra lineal – AC

De BURGOS, J. - - Álgebra lineal. McGraw-Hill

PROSKURIAKOV, I. – 1986 – Problemas de álgebra lineal. Mir

ROJO, J.; MARTIN, I. – 1989 – Ejercicios y problemas de álgebra lineal. Vector Ediciones.

BARTLE, R.G.; SHERBERT, D.R. - - Introducción al análisis matemático de una variable. LIMUSA

JARAUTA, E. - - Análisis matemática d'una variable. UPC

STEIN, S.K. - - Cálculo y geometría analítica – McGraw-Hill

AYRES, F. - - Cálculo diferencial e integral - McGraw-Hill

DEMIDOVICH, D. - - Problemas y ejercicios de análisis matemático - Paraninfo

SPIEGEL, M.R. - - Cálculo superior - McGraw-Hill

# **BIBLIOGRAFÍA COMPLEMENTARIA**

LENTIN, A.; RIVAUS, J. – 1982 – Álgebra moderna. Aguilar

QUEYSANNE, M. – 1971 – Álgebra básica – Vicenç Vives

SÁINZ, M.A.; SERRARLOS, J.L.; PÉREZ, A.M. - 1990 – Álgebra – POLITEC

LANG, S. - - Cálculo – Addison - Wesley Iberoamericana.

LARSON, R.E.; HOSTETLER, R.P. - - Cálculo y geometría analítica - McGraw-Hill

SPIVAK, M - - Calculus - Cálculo infinitesimal (2 vols) - Reverté